

# Índice

Capítulo 1: Introducción .....	1
1.1    Problemática.....	2
1.1.1    Riesgo de mercado .....	2
1.1.2    Eventos extremos.....	3
1.1.3    Otras fuentes de riesgo .....	3
1.2    Medición del riesgo.....	4
1.2.1    Evidencia sobre la banca chilena.....	4
1.3    Idea de estudio .....	5
1.4    Objetivos y alcance del estudio.....	6
1.4.1    Objetivo general .....	6
1.4.2    Objetivos específicos.....	6
1.4.3    Alcances .....	7
1.5    Organización del documento.....	8
Capítulo 2: Marco teórico .....	9
2.1    Series de tiempo financieras.....	10
2.1.1    Propiedades de estilo .....	10
2.2    Valor en riesgo .....	11
2.2.1    Métodos no paramétricos.....	13
2.2.2    Métodos varianza-covarianza .....	13
2.3    Teoría de valores extremos.....	15
2.3.1    Bloques máximos .....	15
2.3.2    Puntos sobre el umbral.....	17
2.4    Pérdida Esperada.....	20
2.5    Dependencia temporal entre extremos .....	21
2.5.1    Proceso puntual.....	21
2.5.2    Modelo autorregresivo condicional en duración.....	23
Capítulo 3: Propuesta de la tesis .....	24
3.1    Descripción del trabajo .....	25
3.2    Metodología de trabajo.....	25
3.2.1    Eventos extremos bajo la arquitectura de procesos puntuales .....	26
3.2.2    Dinámica de tiempos entre eventos extremos .....	27
3.2.3    Definición de la estrategia de modelación.....	28
3.2.4    Obtención de medidas de riesgo.....	29
3.3    Validación de modelos y medidas de riesgo.....	31
3.3.1    Ajuste del modelo .....	31

3.3.2	Precisión del VaR .....	32
3.4	Función de riesgo .....	35
3.4.1	Función de distribución Weibull.....	36
3.4.2	Función de distribución Burr.....	36
3.4.3	Función de distribución Generalizada Gamma.....	37
3.4.4	Relación entre las funciones de distribución.....	38
3.5	Cambio de régimen .....	39
3.5.1	Cambio de régimen en mercados financieros.....	39
3.5.2	Definición matemática .....	39
3.5.3	Técnica de Umbral .....	40
3.5.4	Transición suave .....	41
3.5.5	Cambio markoviano.....	42
3.6	Forma autorregresiva para las duraciones .....	45
3.6.1	Modelo Autorregresivo Condicional en Duración Aditivo y Multiplicativo.....	46
3.6.2	Modelo Autorregresivo Condicional en Duración Box-Cox .....	46
3.6.3	Modelo Autorregresivo Condicional en Duración Aumentado .....	46
3.7	Función de distribución para las marcas.....	48
3.8	Modelación bajo arquitectura propuesta .....	49
Capítulo 4: Ejemplo de aplicación .....		50
4.1	Análisis de datos .....	51
4.1.1	Definición de eventos extremos .....	52
4.1.2	Definición de la arquitectura de modelación .....	53
4.2	Ajuste de modelos .....	54
4.2.1	Determinación de una <i>duración umbral</i> .....	54
4.2.2	Definición de la intensidad condicional .....	54
4.2.3	Máxima verosimilitud .....	56
4.2.4	Resultados.....	56
4.3	Estimación de VaR .....	57
Capítulo 5: Caso de estudio .....		61
5.1	Diseño del portafolio .....	62
5.1.1	Análisis del portafolio.....	65
5.2	Descripción del proceso puntual .....	66
5.2.1	Definiciones iniciales .....	67
5.3	Ajuste del modelo .....	67
5.3.1	Validación del modelo .....	69
5.4	Estimación del VaR .....	69
5.4.1	Validación del cálculo del VaR .....	71
5.5	Ánalisis de resultados .....	71

5.6	<i>Backtesting</i> del modelo .....	73
5.7	Comparativa sobre modelación clásica .....	76
	Capítulo 6: Conclusiones .....	78
6.1	Reflexiones generales.....	79
6.2	Investigación futura .....	80
	Referencias bibliográficas .....	82
	Capítulo 7: Anexos .....	87
7.1	Anexo 1: Acerca de los modelos de cambio markoviano .....	88
7.2	Anexo 2: Resultados para S&P 500.....	89
7.3	Anexo 3: Resultados para portafolio hipotético.....	90
7.3.1	Anexo 4: Gráficas adicionales estimación de VaR y ES sobre portafolio.....	94
7.3.2	Anexo 5: Pruebas estadísticas para portafolio.....	95
7.3.3	Anexo 6: Resultados <i>backtesting</i> para portafolio .....	101

## Índice de tablas

Tabla 1:	Parámetros a estimar para el cálculo del VaR.....	14
Tabla 2:	Observaciones para técnicas de estimación de VaR .....	20
Tabla 3:	Parámetros de la distribución <i>Weibull</i> .....	36
Tabla 4:	Parámetros de la distribución <i>Burr</i> .....	37
Tabla 5:	Parámetros de la distribución Generalizada Gamma .....	37
Tabla 6:	Familia de modelos BACD .....	46
Tabla 7:	Familia de modelos AACD .....	47
Tabla 8:	Parámetros de GPD .....	48
Tabla 9:	Estadística descriptiva de S&P 500 .....	51
Tabla 10:	Alternativas de modelación propuestas S&P 500.....	53
Tabla 11:	Cuadro resumen de resultados S&P 500.....	57
Tabla 12:	Ajuste de modelos seleccionados para S&P 500 .....	58
Tabla 13:	Pruebas estadísticas S&P500.....	58
Tabla 14:	Estadística descriptiva del portafolio .....	65
Tabla 15:	Principales hitos económicos durante el período estudiado.....	65
Tabla 16:	Alternativas de parametrización portafolio .....	67
Tabla 17:	Ajuste de modelos seleccionados para portafolio.....	68
Tabla 18:	Bondad de ajuste de modelos seleccionados para portafolio.....	69
Tabla 19:	Precisión VaR de modelos seleccionados para portafolio .....	71
Tabla 20:	Resultados de <i>backtesting</i> para modelos seleccionados .....	75
Tabla 21:	Bondad de ajuste para modelos ARMA-GARCH seleccionados.....	76

Tabla 22: Precisión VaR para modelos ARMA-GARCH seleccionados .....	77
Tabla 23: Parametrización para modelos seleccionados S&P500 .....	89
Tabla 24: Pruebas estadísticas para modelos seleccionados S&P500.....	89
Tabla 25: Parámetrización para modelos bajo portafolio (1/4) .....	90
Tabla 26: Parámetrización para modelos bajo portafolio (2/4) .....	91
Tabla 27: Parámetrización para modelos bajo portafolio (3/4) .....	92
Tabla 28: Parámetrización para modelos bajo portafolio (4/4) .....	93
Tabla 29: Resultados pruebas estadísticas para portafolio (1/6).....	95
Tabla 30: Resultados pruebas estadísticas para portafolio (2/6).....	96
Tabla 31: Resultados pruebas estadísticas para portafolio (3/6).....	97
Tabla 32: Resultados pruebas estadísticas para portafolio (4/6).....	98
Tabla 33: Resultados pruebas estadísticas para portafolio (5/6).....	99
Tabla 34: Resultados pruebas estadísticas para portafolio (6/6).....	100
Tabla 35: Resultados de <i>backtesting</i> para modelos seleccionados .....	101

## Índice de figuras

Figura 1: Descripción gráfica para VaR .....	11
Figura 2: Ejemplo de metodología EVT-BM.....	17
Figura 3: Ejemplo de metodología EVT-POT.....	19
Figura 4: Relación entre las funciones de distribución.....	38
Figura 5: Forma del VaR a diferentes funciones de riesgo. De izquierda a derecha: Función de riesgo <i>Weibull, Burr y Generalizada Gamma</i> .....	38
Figura 6: Forma del VaR a diferentes <i>duraciones umbral</i> .....	41
Figura 7: Serie de precios y retornos logarítmicos negativos diarios S&P 500 .....	51
Figura 8: Mean excess, Hill plot ( $\alpha$ ) y Hill plot ( $\xi$ ) S&P 500.....	52
Figura 9: Autocorrelograma y densidad para tiempo entre extremos y gráfica de marcas S&P 500....	53
Figura 10: Selección de <i>duración umbral</i> S&P 500 .....	54
Figura 11: Estimación de VaR y ES para S&P500 .....	60
Figura 12: Retornos logarítmicos negativos diarios para índices IPSA, BVSP, MXX .....	63
Figura 13: Retornos logarítmicos negativos diarios para el cambio de divisas BRL/CLP y MXN/CLP .	64
Figura 14: Retornos logarítmicos negativos diarios para el portafolio estudiado .....	64
Figura 15: <i>Mean Excess, Hill plot (<math>\alpha</math>) y Hill plot (<math>\xi</math>)</i> para portafolio .....	66
Figura 16: Autocorrelograma y densidad para tiempo entre extremos y gráfica de marcas del portafolio .....	66
Figura 17: Selección de <i>duración umbral</i> para el portafolio.....	67
Figura 18: VaR( $\alpha =0,01$ ) bajo modelos seleccionados (THbACDc, THgBACDI, MSgAACDI) .....	70

Figura 19: Retornos logarítmicos negativos diarios para portafolio estudiado (2012)..... 74

Figura 20: Gráficas de ejemplo estimación de VaR y ES sobre portafolio ( $\alpha=0,99$ ) ..... 94